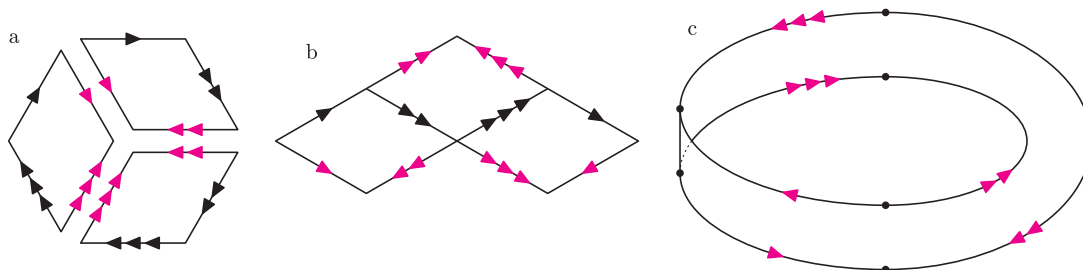


**Krok II.** Dzielimy sześciokąt z poprzedniego kroku (rysunek 5a) na trzy części jak na rysunku 6a i sklejamy je wzdłuż fragmentów ich brzegu pochodzących z brzegu wyjściowego sześciokąta. Rezultat dwóch z tych klejeń widzimy na rysunku 6b (jedną z części odwróciliśmy na drugą stronę). Po wykonaniu trzeciego klejenia otrzymujemy wstęgę Möbiusa, na której brzegu zaznaczono, które fragmenty należy skleić, by otrzymać wyjściową powierzchnię, patrz rysunek 6c.



Rys. 6



Rys. 7

**Krok III.** We wstędze Möbiusa, otrzymanej w poprzednim kroku, rozważamy teraz cienki pierścień przyległy do brzegu. Dzięki obserwacji z początku artykułu powierzchnia, którą badamy, powstaje z tego pierścienia przez doklejenie do jednej składowej jego brzegu wstęgi Möbiusa i sklejanie drugiej składowej jego brzegu tak, jak brzegu wstęgi Möbiusa z rysunku 6c, patrz rysunek 7. Jeśli ten rysunek porównamy z rysunkiem 3, to stwierdzimy, że nasza powierzchnia jest torusem, z którego wycięliśmy koło i zastąpiliśmy wstęgą Möbiusa, co kończy dowód.



## Zadania

Redaguje Ewa CZUCHRY

**F 725.** Po przejściu wiązki neutronów przez płaską płytkę o grubości 1 mm, wykonaną z kadmu, ich liczba zmniejszyła się o 15 %, a prędkość nie zmieniła się. Jaka część wiązki neutronów przejdzie przez płytkę z kadmu o grubości 8 mm?

Rozwiązanie na str. 15

**F 726.** Promień światła o natężeniu  $I_0$  pada na płaskorównoległą płytkę prostopadle do jej powierzchni. Znaleźć natężenie światła po przejściu przez tę płytkę. Współczynnik odbicia światła jest równy  $R$ .

Rozwiązanie na str. 24

Redaguje Waldemar POMPE

**M 1219.** Niech  $f(x) = x^2 + 12x + 30$ . Rozwiązać równanie

$$f(f(f(f(f(x)))))) = 0.$$

Rozwiązanie na str. 2

**M 1220.** W trójkącie  $ABC$  długość środkowej  $CM$  jest równa długości boku  $AB$  (rys.). Punkt  $D$  jest symetryczny do punktu  $C$  względem punktu  $A$ . Punkt  $E$  jest symetryczny do punktu  $M$  względem punktu  $B$ . Wykazać, że proste  $DM$  i  $CE$  są prostopadłe.

Rozwiązanie na str. 4

**M 1221.** Rozstrzygnąć, czy istnieje taka liczba całkowita dodatnia  $n$ , że wypisując cyfry liczby  $n$  w odwrotnym porządku, uzyskamy liczbę  $3n$ . (Rozpatrujemy zapis dziesiętny liczby  $n$ .)

Rozwiązanie na str. 14

