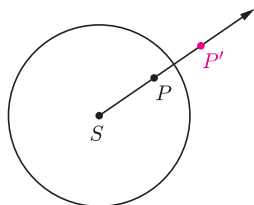
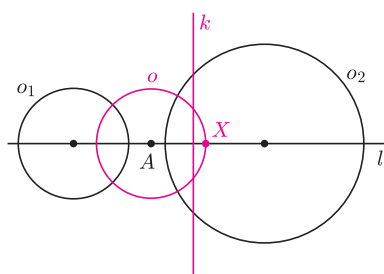


Inwersja względem okręgu o środku S i promieniu r to przekształcenie, które każdemu punktowi P płaszczyzny poza S przyporządkowuje taki punkt P' półprostej SP^{\rightarrow} , że $SP \cdot SP' = r^2$.



Inwersja ma, między innymi, takie własności:

- zachowuje kąty między krzywymi;
- okręgi nieprzechodzące przez S przekształca na okręgi;
- okręgi przechodzące przez S przekształca na proste nieprzechodzące przez S i odwrotnie;
- proste przechodzące przez S przekształca na te same proste.



Proponujemy Czytelnikom wykorzystanie udowodnionej własności w analizie następujących zadań.

Zadanie 1. Dane są dwa okręgi o_1 i o_2 . Znajdź inwersję przekształcającą o_1 na o_2 .

Zadanie 2. Dany jest okrąg o i dwa rozłączne okręgi o_1 i o_2 . Narysuj okrąg styczny do o i prostopadły do okręgów o_1 i o_2 .

Zadanie 3. Niech o_1 i o_2 będą rozłącznymi okręgami, takimi że o_1 leży we wnętrzu o_2 . Rysujemy okrąg k_1 styczny zewnętrznie do o_1 i wewnętrznie do o_2 . Następnie rysujemy okrąg k_2 styczny zewnętrznie do o_1 i k_1 oraz wewnętrznie do o_2 itd. Jeżeli po skończonej liczbie kroków ostatni okrąg będzie styczny zewnętrznie do k_1 , to mówimy, że okręgi k_1, k_2, \dots, k_n tworzą łańcuch Steinera okręgów o_1 i o_2 . Wykaż, że jeżeli istnieje łańcuch Steinera okręgów o_1 i o_2 , to jest to niezależne od położenia pierwszego okręgu k_1 .

Barbara ROSZKOWSKA-LECH, Krzysztof CHEŁMIŃSKI